

## หน่วยที่ 10

### สมการแมกซ์เวลล์

#### 10.1 บทนำ

สมการแมกซ์เวลล์เป็นสมการพื้นฐานที่กล่าวถึงสนามไฟฟ้าและสนามแม่เหล็ก ซึ่งเขียนขึ้นโดยนักฟิสิกส์ชาวสก็อตชื่อ เจมส์ เคลิร์ก แมกซ์เวลล์ (James Clerk Maxwell) ในที่นี้จะกล่าวถึงสมการแมกซ์เวลล์ในสองส่วน ส่วนที่หนึ่งเป็นสมการแมกซ์เวลล์ในสนามแม่เหล็กไฟฟ้า สถิตกล่าวคือสนามนั้นไม่แปรตามเวลา ในกรณีนี้สนามไฟฟ้าและสนามแม่เหล็กจะเป็นอิสระต่อกัน ส่วนที่สองเป็นสมการแมกซ์เวลล์ในสนามแม่เหล็กไฟฟ้าที่เปลี่ยนแปลงตามเวลา ซึ่งกรณีนี้สนามทั้งสองคือสนามไฟฟ้าและสนามแม่เหล็กจะมีความเกี่ยวโยงกันในลักษณะที่เมื่อสนามหนึ่งเปลี่ยนแปลงตามเวลาจะก่อให้เกิดอีกสนามหนึ่งขึ้น เช่นถ้าสนามไฟฟ้าเปลี่ยนแปลงตามเวลาจะทำให้เกิดสนามแม่เหล็กขึ้น และสนามแม่เหล็กที่เปลี่ยนแปลงตามเวลาจะทำให้เกิดสนามไฟฟ้าขึ้น ซึ่งลักษณะดังกล่าวนี้เป็นพื้นฐานของคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้านั่นเอง

## 10.2 สมการแมกเวลล์ในสนามแม่เหล็กไฟฟ้าสถิต

สนามแม่เหล็กไฟฟ้าสถิต เป็นสนามแม่เหล็กไฟฟ้าที่มีลักษณะของสนามไฟฟ้าสถิตคือ สนามไฟฟ้าที่มีลักษณะคงที่ไม่เปลี่ยนแปลงตามเวลาซึ่งเกิดจากประจุไฟฟ้าที่หยุดนิ่ง และ สนามแม่เหล็กแบบคงที่ไม่เปลี่ยนแปลงตามเวลาซึ่งเกิดจากกระแสไฟฟ้าคงที่ (ประจุไฟฟ้าเคลื่อนที่ด้วยความเร็วคงที่) สมการแมกเวลล์ได้กล่าวถึงสนามแม่เหล็กไฟฟ้าสถิตในสองรูปแบบ คือแบบจุด (Point Form) และแบบอินทิกรัล (Integral Form) ดังต่อไปนี้

### สมการที่ 1 ของแมกซ์เวลล์

#### รูปแบบจุด

เมื่อพิจารณาที่จุดหนึ่งในอวกาศว่าง จะได้ว่า ไดเวอร์เจนซ์ของความหนาแน่นของ ฟลักซ์ไฟฟ้าจะมีค่าเท่ากับความหนาแน่นของประจุเชิงปริมาตรที่จุดนั้น หรือเขียนเป็นสูตรได้ ดังนี้

$$\nabla \cdot \vec{D} = \rho_v \quad (10.1)$$

เมื่อ

$\vec{D}$  คือความหนาแน่นของฟลักซ์ไฟฟ้า มีหน่วยเป็น  $C/m^2$

$\rho_v$  คือความหนาแน่นของประจุเชิงปริมาตร มีหน่วยเป็น  $C/m^3$

เมื่อตีความจากค่าไดเวอร์เจนซ์ สมการนี้จะให้สถานะว่า เส้นแรงไฟฟ้าต่อหนึ่งหน่วยปริมาตรที่ ออกจากหน่วยปริมาตรเล็กๆ จะมีค่าเท่ากับความหนาแน่นของประจุเชิงปริมาตรที่จุดนั้นนั่นเอง

#### รูปแบบอินทิกรัล

$$\oint_S \vec{D} \cdot d\vec{S} = Q = \int \rho_v dv \quad (10.2)$$

สมการที่ 1 ของแมกซ์เวลล์ในรูปแบบอินทิกรัล เป็นสมการกฎของเกาส์นั่นเอง ซึ่งกล่าวว่าฟลักซ์ ไฟฟ้าที่ออกจากผิวปิดใดๆ มีค่าเท่ากับประจุสุทธิที่ถูกปิดล้อมด้วยผิวปิดนั้น

### สมการที่ 2 ของแมกซ์เวลล์

#### รูปแบบจุด

กล่าวว่า เคิร์ลของสนามแม่เหล็กมีค่าเท่ากับความหนาแน่นของกระแส หรือเขียนเป็น สูตรได้ดังนี้

$$\nabla \times \vec{H} = \vec{J} \quad (10.3)$$

เมื่อ

$\vec{H}$  คือสนามแม่เหล็ก มีหน่วยเป็น A/m

$\vec{J}$  คือความหนาแน่นของกระแส มีหน่วยเป็น A/m<sup>2</sup>

**รูปแบบอินทิกรัล**

$$\oint \vec{H} \cdot d\vec{L} = I = \int \vec{J} \cdot d\vec{S} \quad (10.4)$$

สมการที่ (10.4) เป็นกฎวงจรของแอมแปร์นั่นเอง ซึ่งกล่าวว่า การอินทิเกรตเชิงเส้นความแรงสนามแม่เหล็ก เป็นเส้นวงปิดใดๆ ได้เท่ากับกระแสตรงที่ถูกปิดล้อมรอบด้วยเส้นวงปิดนั้นๆ

**สมการที่ 3 ของแมกซ์เวลล์**

**รูปแบบจุด**

กล่าวว่า เคิร์ลของสนามไฟฟ้า  $\vec{E}$  จะมีค่าเป็นศูนย์ เขียนเป็นสูตรได้ดังนี้

$$\nabla \times \vec{E} = \vec{0} \quad (10.5)$$

**รูปแบบอินทิกรัล**

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{L} = 0 \quad (10.6)$$

สมการที่ (10.6) กล่าวว่าอินทิเกรตสนามไฟฟ้าตามเส้นรอบวงปิดใดๆ จะได้ค่าเป็นศูนย์ ด้วยคุณสมบัตินี้จะได้ว่าสนามไฟฟ้าสถิตเป็นสนามแบบอนุรักษ์ (Conservative Field)

**สมการที่ 4 ของแมกซ์เวลล์**

**รูปแบบจุด**

กล่าวว่า ไดเวอร์เจนซ์ของความหนาแน่นของฟลักซ์แม่เหล็ก จะมีค่าเป็นศูนย์ เขียนเป็นสูตรได้ดังนี้

$$\nabla \cdot \vec{B} = 0 \quad (10.7)$$

เมื่อ

$\vec{B}$  คือความหนาแน่นของฟลักซ์แม่เหล็ก มีหน่วยเป็น Wb/m<sup>2</sup> หรือ T (Tesla)

### รูปแบบอินทิกรัล

$$\oint_S \vec{B} \cdot d\vec{S} = 0 \quad (10.8)$$

สมการที่ (10.8) กล่าวว่าอินทิเกรตเชิงผิวความหนาแน่นฟลักซ์แม่เหล็กตลอดทั่วทั้งผิวนั้น มีค่าเป็นศูนย์

**ตัวอย่างที่ 10.1** จงหาความหนาแน่นของประจุเชิงปริมาตรที่จุด  $P(1, -2, 0)$  เมื่อกำหนดให้ความหนาแน่นของฟลักซ์ไฟฟ้าที่บริเวณนี้มีค่าเป็น  $\vec{D} = xy^2\hat{x} + yx^2\hat{y} + z\hat{z}$  C/m<sup>2</sup>

#### วิธีทำ

จาก  $\nabla \cdot \vec{D} = \rho_v$

เนื่องจากสนามเป็นสนามในระบบพิกัดทรงกลม ดังนั้น

$$\begin{aligned} \nabla \cdot \vec{D} &= \frac{\partial D_x}{\partial x} + \frac{\partial D_y}{\partial y} + \frac{\partial D_z}{\partial z} \\ &= \frac{\partial}{\partial x}(xy^2) + \frac{\partial}{\partial y}(yx^2) + \frac{\partial}{\partial z}(z) \\ &= y^2 + x^2 + 1 \end{aligned}$$

ดังนั้นความหนาแน่นของประจุเชิงปริมาตรที่จุด  $P(1, -2, 0)$  จึงมีค่าเท่ากับ

$$\begin{aligned} \rho_v &= \nabla \cdot \vec{D} \\ &= y^2 + x^2 + 1 \\ &= (-2)^2 + 1^2 + 1 \\ &= 6 \quad \text{C/m}^3 \end{aligned}$$

**ตอบ** 6 C/m<sup>3</sup>

**ตัวอย่างที่ 10.2** กำหนดสนามแม่เหล็ก  $\vec{H} = y^2z\hat{x} + 2(x+1)yz\hat{y} - (x-1)z^2\hat{z}$  A/m จงหาความหนาแน่นของกระแส  $\vec{J}$

#### วิธีทำ

จาก  $\nabla \times \vec{H} = \vec{J}$   
 และสนามแม่เหล็ก  $\vec{H}$  ระบุในพิกัดทรงกลม จะได้ว่า

$$\nabla \times \vec{H} = \left[ \frac{\partial}{\partial y}(H_z) - \frac{\partial}{\partial z}(H_y) \right] \hat{a}_x + \left[ \frac{\partial}{\partial z}(H_x) - \frac{\partial}{\partial x}(H_z) \right] \hat{a}_y + \left[ \frac{\partial}{\partial x}(H_y) - \frac{\partial}{\partial y}(H_x) \right] \hat{a}_z$$

แทนค่า  $H_x = y^2z$ ,  $H_y = 2(x+1)yz$  และ  $H_z = -(x-1)z^2$  จะได้

$$\begin{aligned} \nabla \times \vec{H} &= \left[ \frac{\partial}{\partial y}[-(x-1)z^2] - \frac{\partial}{\partial z}[2(x+1)yz] \right] \hat{a}_x + \left[ \frac{\partial}{\partial z}(y^2z) - \frac{\partial}{\partial x}[-(x-1)z^2] \right] \hat{a}_y \\ &\quad + \left[ \frac{\partial}{\partial x}[2(x+1)yz] - \frac{\partial}{\partial y}(y^2z) \right] \hat{a}_z \\ &= -2y(x+1)\hat{a}_x + [y^2 + z^2]\hat{a}_y + [2yz - 2yz]\hat{a}_z \\ &= -2y(x+1)\hat{a}_x + [y^2 + z^2]\hat{a}_y \end{aligned}$$

**ตอบ**  $-2y(x+1)\hat{a}_x + [y^2 + z^2]\hat{a}_y \quad \text{A/m}^2$

---

### 10.3 สมการแมกซ์เวลล์ในสนามแม่เหล็กไฟฟ้าที่เปลี่ยนแปลงตามเวลา

เมื่อสนามไฟฟ้าและสนามแม่เหล็กเปลี่ยนแปลงตามเวลา สนามทั้งสองจะมีความสัมพันธ์ซึ่งกันและกัน สมการแมกซ์เวลล์ได้แสดงให้เห็นถึงความสัมพันธ์ดังกล่าวนี้ทั้งแบบจุดและแบบอินทิกรัล

#### สมการที่ 1 ของแมกซ์เวลล์

ยังคงไม่เปลี่ยนแปลงจากกรณีสนามแบบสถิต

รูปแบบจุด

$$\nabla \cdot \vec{D} = \rho_v \quad (10.9)$$

รูปแบบอินทิกรัล

$$\oint_S \vec{D} \cdot d\vec{S} = Q = \int \rho_v dv \quad (10.10)$$

## สมการที่ 2 ของแมกซ์เวลล์

### รูปแบบจุด

$$\nabla \times \vec{H} = \vec{J} + \frac{\partial \vec{D}}{\partial t} \quad (10.11)$$

### รูปแบบอินทิกรัล

$$\oint \vec{H} \cdot d\vec{L} = I + \int_s \frac{\partial \vec{D}}{\partial t} \cdot d\vec{S} \quad (10.12)$$

สมการที่ (10.11) แสดงถึงความสัมพันธ์ของสนามไฟฟ้าและสนามแม่เหล็ก กล่าวคือ เวกเตอร์ของสนามแม่เหล็กจะมีค่าเท่ากับความหนาแน่นของกระแสรวมกับอัตราการเปลี่ยนแปลงของสนามไฟฟ้าเทียบกับเวลา

สมการที่ (10.12) แสดงถึงปริมาณ  $\vec{H} \cdot d\vec{L}$  รอบเส้นวงปิดหนึ่งจะมีค่าเท่ากับผลรวมของกระแสกับปริมาณผลรวมของอัตราการเปลี่ยนแปลงเทียบกับเวลาของสนามไฟฟ้าในแนวตั้งฉากบนพื้นที่ที่ถูกปิดล้อมด้วยวงปิดนั้น

## สมการที่ 3 ของแมกซ์เวลล์

### รูปแบบจุด

$$\nabla \times \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t} \quad (10.13)$$

สมการที่ (10.13) แสดงให้เห็นว่า เวกเตอร์ของสนามไฟฟ้าจะมีค่าเท่ากับอัตราการเปลี่ยนแปลงในเชิงลบของสนามแม่เหล็กเทียบกับเวลา

### รูปแบบอินทิกรัล

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{L} = -\int_s \frac{\partial \vec{B}}{\partial t} \cdot d\vec{S} \quad (10.14)$$

สมการที่ (10.14) แสดงถึงปริมาณ  $\vec{E} \cdot d\vec{L}$  รอบเส้นวงปิดหนึ่งจะมีค่าเท่ากับผลรวมแบบลบของอัตราการเปลี่ยนแปลงเทียบกับเวลาของสนามแม่เหล็กในแนวตั้งฉากบนพื้นที่ที่ถูกปิดล้อมด้วยวงปิดนั้น

### สมการที่ 4 ของแมกซ์เวลล์

ยังคงไม่เปลี่ยนแปลงจากกรณีสนามแบบสถิต

รูปแบบจุด

$$\nabla \cdot \vec{B} = 0 \quad (10.15)$$

รูปแบบอินทิกรัล

$$\oint_S \vec{B} \cdot d\vec{S} = 0 \quad (10.16)$$

**ตัวอย่างที่ 10.3** ในตัวกลางที่มี  $\epsilon = 8$ ,  $\mu = 2$  และ  $\sigma = 0$  ถ้า  $\vec{E} = 200\pi \sin(10^8 \pi t) \sin(\beta z) \hat{a}_x$  V/m จงหาสนามแม่เหล็ก  $\vec{H}$  ที่สอดคล้องกับสนามไฟฟ้า  $\vec{E}$  ตามสมการแมกซ์เวลล์

#### วิธีทำ

สนามไฟฟ้าเปลี่ยนแปลงตาม  $t$  และ  $z$  ดังนั้นตามสมการแมกซ์เวลล์จะได้

$$\nabla \times \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$$

หาค่า  $\nabla \times \vec{E}$  ดังต่อไปนี้

$$\nabla \times \vec{E} = \begin{vmatrix} \hat{a}_x & \hat{a}_y & \hat{a}_z \\ \frac{\partial}{\partial x} & \frac{\partial}{\partial y} & \frac{\partial}{\partial z} \\ E_x & E_y & E_z \end{vmatrix}$$

เนื่องจากสนามไฟฟ้าปรากฏเฉพาะ  $E_x$

$$\nabla \times \vec{E} = \begin{vmatrix} \hat{a}_x & \hat{a}_y & \hat{a}_z \\ \frac{\partial}{\partial x} & \frac{\partial}{\partial y} & \frac{\partial}{\partial z} \\ E_x & 0 & 0 \end{vmatrix}$$

$$\nabla \times \bar{E} = \frac{\partial E_x}{\partial z} \hat{a}_y - \frac{\partial E_x}{\partial y} \hat{a}_z$$

และ  $E_x$  เป็นฟังก์ชันของ  $t$  และ  $z$  จึงได้

$$\nabla \times \bar{E} = \frac{\partial E_x}{\partial z} \hat{a}_y$$

ในที่นี้

$$E_x = 200\pi \sin(10^8 \pi t) \sin(\beta z)$$

$$\begin{aligned} \nabla \times \bar{E} &= \frac{\partial \{200\pi \sin(10^8 \pi t) \sin(\beta z)\}}{\partial z} \hat{a}_y \\ &= 200\pi \sin(10^8 \pi t) \frac{\partial \sin(\beta z)}{\partial z} \hat{a}_y \\ &= 200\beta \pi \sin(10^8 \pi t) \cos(\beta z) \hat{a}_y \end{aligned}$$

เพราะฉะนั้น

$$\nabla \times \bar{E} = 200\beta \pi \sin(10^8 \pi t) \cos(\beta z) \hat{a}_y$$

แต่เนื่องจาก

$$\nabla \times \bar{E} = -\frac{\partial \bar{B}}{\partial t}$$

ดังนั้น

$$\frac{\partial \bar{B}}{\partial t} = -200\beta \pi \sin(10^8 \pi t) \cos(\beta z) \hat{a}_y$$

หรือ

$$\frac{\partial B_y}{\partial t} = -200\beta \pi \sin(10^8 \pi t) \cos(\beta z)$$

แต่  $B_y = \mu_R \mu_0 H_y = 2\mu_0 H_y$

$$\frac{\partial H_y}{\partial t} = -\frac{200\beta \pi}{2\mu_0} \sin(10^8 \pi t) \cos(\beta z)$$

$$\begin{aligned} H_y &= -\frac{200\beta \pi \cos(\beta z)}{2\mu_0} \int \sin(10^8 \pi t) dt \\ &= -\frac{200\beta \pi \cos(\beta z)}{10^8 \pi 2\mu_0} \int \sin(10^8 \pi t) d(10^8 \pi t) \\ &= -\frac{200\beta \pi \cos(\beta z)}{2 \times 10^8 \pi \mu_0} \{-\cos(10^8 \pi t)\} \end{aligned}$$



$$H_y = \frac{\beta 10^{-6}}{\mu_0} \cos(10^8 \pi t) \cos(\beta z)$$

ดังนั้นสนามแม่เหล็กที่สอดคล้องกับสนามไฟฟ้าตามสมการแมกซ์เวลล์คือ

$$H_y = \frac{\beta 10^{-6}}{\mu_0} \cos(10^8 \pi t) \cos(\beta z) \quad \text{A/m}$$

หรือ

$$\bar{H} = \frac{\beta 10^{-6}}{\mu_0} \cos(10^8 \pi t) \cos(\beta z) \hat{a}_y \quad \text{A/m}$$

**ตอบ**  $\frac{\beta 10^{-6}}{\mu_0} \cos(10^8 \pi t) \cos(\beta z) \hat{a}_y \quad \text{A/m}$

**ตัวอย่างที่ 10.4** ถ้าความหนาแน่นฟลักซ์แม่เหล็ก  $\bar{B} = 3e^{-x-at} \hat{a}_z \text{ Wb/m}^2$  ในอวกาศว่างที่มีสภาพนำไฟฟ้า  $\sigma = 0$  จงใช้สมการของแมกซ์เวลล์คำนวณหาสนามไฟฟ้า  $\bar{E}$

**วิธีทำ**

จาก

$$\begin{aligned} \bar{H} &= \frac{\bar{B}}{\mu_0} \\ &= \frac{3}{\mu_0} e^{-x-at} \hat{a}_z \quad \text{A/m} \end{aligned}$$

จากสมการแมกซ์เวลล์

$$\nabla \times \bar{H} = \bar{J} + \frac{\partial \bar{D}}{\partial t}$$

ในที่นี้

$$\bar{J} = \sigma \bar{E} = 0$$

$$\nabla \times \bar{H} = \frac{\partial \bar{D}}{\partial t}$$

หาค่า  $\nabla \times \bar{H}$  ดังต่อไปนี้

$$\nabla \times \bar{H} = \begin{vmatrix} \hat{a}_x & \hat{a}_y & \hat{a}_z \\ \frac{\partial}{\partial x} & \frac{\partial}{\partial y} & \frac{\partial}{\partial z} \\ H_x & H_y & H_z \end{vmatrix}$$

ในที่นี้  $H_x = H_y = 0$

$$\nabla \times \vec{H} = \begin{vmatrix} \hat{a}_x & \hat{a}_y & \hat{a}_z \\ \frac{\partial}{\partial x} & \frac{\partial}{\partial y} & \frac{\partial}{\partial z} \\ 0 & 0 & H_z \end{vmatrix}$$

$$\nabla \times \vec{H} = \frac{\partial H_z}{\partial y} \hat{a}_x - \frac{\partial H_z}{\partial x} \hat{a}_y$$

เนื่องจาก  $\vec{H}$  เป็นฟังก์ชันของ  $t$  และ  $x$  ทำให้

$$\frac{\partial H_z}{\partial y} = 0$$

ดังนั้น

$$\nabla \times \vec{H} = -\frac{\partial H_z}{\partial x} \hat{a}_y$$

และ  $H_z = \frac{3}{\mu_0} e^{-x-at}$

$$\begin{aligned} \nabla \times \vec{H} &= -\frac{3}{\mu_0} \frac{\partial e^{-x-at}}{\partial x} \hat{a}_y \\ &= -\frac{3}{\mu_0} e^{-x-at} \frac{\partial(-x-at)}{\partial x} \hat{a}_y \\ &= \frac{3}{\mu_0} e^{-x-at} \hat{a}_y \end{aligned}$$

จาก

$$\nabla \times \vec{H} = \frac{\partial \vec{D}}{\partial t}$$

ดังนั้น

$$\frac{\partial \vec{D}}{\partial t} = \frac{3}{\mu_0} e^{-x-at} \hat{a}_y$$

$$\vec{D} = \hat{a}_y \frac{3}{\mu_0} \int e^{-x-at} dt$$

$$\begin{aligned}\bar{D} &= -\hat{a}_y \frac{3}{a\mu_0} \int e^{-x-at} d(-x-at) \\ &= -\frac{3e^{-x-at}}{a\mu_0} \hat{a}_y\end{aligned}$$

จาก

$$\begin{aligned}\bar{E} &= \frac{\bar{D}}{\epsilon_0} \\ &= -\frac{3e^{-x-at}}{a\mu_0\epsilon_0} \hat{a}_y\end{aligned}$$

**ตอบ**  $-\frac{3e^{-x-at}}{a\mu_0\epsilon_0} \hat{a}_y$



### แบบฝึกหัดหน่วยที่ 10

1. จากสมการแมกซ์เวลล์ในสนามแม่เหล็กไฟฟ้าแบบสถิตต่อไปนี ให้เติมความให้สมบูรณ์
 

ก) $\nabla \cdot \vec{D} = \dots\dots\dots$	ข) $\nabla \times \vec{H} = \dots\dots\dots$
ค) $\nabla \times \vec{E} = \dots\dots\dots$	ง) $\nabla \cdot \vec{B} = \dots\dots\dots$
2. จากสมการแมกซ์เวลล์ในสนามแม่เหล็กไฟฟ้าแบบเปลี่ยนแปลงตามเวลาต่อไปนี ให้เติมความให้สมบูรณ์
 

ก) $\nabla \cdot \vec{D} = \dots\dots\dots$	ข) $\nabla \times \vec{H} = \dots\dots\dots$
ค) $\nabla \times \vec{E} = \dots\dots\dots$	ง) $\nabla \cdot \vec{B} = \dots\dots\dots$
3. จากสมการแมกซ์เวลล์ในสนามแม่เหล็กไฟฟ้าแบบสถิตต่อไปนี ให้เติมความให้สมบูรณ์
 

ก) $\oint_S \vec{D} \cdot d\vec{S} = Q = \dots\dots\dots$	ข) $\oint \vec{H} \cdot d\vec{L} = I = \dots\dots\dots$
ค) $\oint \vec{E} \cdot d\vec{L} = \dots\dots\dots$	ง) $\oint_S \vec{B} \cdot d\vec{S} = \dots\dots\dots$
4. จากสมการแมกซ์เวลล์ในสนามแม่เหล็กไฟฟ้าแบบเปลี่ยนแปลงตามเวลาต่อไปนี ให้เติมความให้สมบูรณ์
 

ก) $\oint_S \vec{D} \cdot d\vec{S} = Q = \dots\dots\dots$	ข) $\oint \vec{H} \cdot d\vec{L} = I + \dots\dots\dots$
ค) $\oint \vec{E} \cdot d\vec{L} = \dots\dots\dots$	ง) $\oint_S \vec{B} \cdot d\vec{S} = \dots\dots\dots$
5. ในอวกาศว่างที่มีสภาพนำไฟฟ้า  $\sigma = 0$  ถ้า  $\vec{H} = 0.1 \sin(10^8 \pi t) \sin(y) \hat{a}_x$  A/m จงหาสนามไฟฟ้า  $\vec{E}$  ที่สอดคล้องกับสนามแม่เหล็ก  $\vec{H}$  ตามสมการแมกซ์เวลล์
6. ในตัวกลางที่มี  $\sigma = 0$ ,  $\epsilon_R = \mu_R = 1$  ถ้า  $\vec{E} = 120\pi \cos(10^4 \pi t - \beta x) \hat{a}_y$  V/m และ  $\vec{H} = A \cos(10^6 \pi t - \beta x) \hat{a}_z$  A/m สอดคล้องตามสมการของแมกซ์เวลล์ จงหา A และ  $\beta$

